

[準2級] 1次：計算技能検定対策②

1

次の問いに答えなさい。

(1) 次の式を展開して計算しなさい。

$$(x-2y)^2 - (x+2y)(x-7y)$$

$$\begin{aligned} \text{与式} &= (x^2 - 4xy + 4y^2) - (x^2 - 5xy - 14y^2) \\ &= x^2 - 4xy + 4y^2 - x^2 + 5xy + 14y^2 \\ &= xy + 18y^2 \end{aligned}$$

関連公式

$$\cdot (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$\cdot (x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

(2) 次の式を因数分解しなさい。

$$9a^2 - 12ab + 4b^2$$

$$\begin{aligned} \text{与式} &= (3a)^2 - 2 \cdot 6ab + (2b)^2 \\ &= (3a - 2b)^2 \end{aligned}$$

関連公式

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

(3) 次の計算をしなさい。

$$\sqrt{3} \times \sqrt{6} \times \sqrt{27} \times \sqrt{75}$$

$$\begin{aligned} \text{与式} &= \sqrt{3} \times \sqrt{3 \cdot 2} \times 3\sqrt{3} \times 5\sqrt{3} \\ &= 135\sqrt{2} \end{aligned}$$

関連公式

$$\cdot \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab}$$

・ $a > 0$ のとき

$$\sqrt{a^2} = a$$

(4) 次の方程式を解きなさい。

$$x^2 + 4x - 16 = 0$$

$$\begin{aligned}x &= -2 \pm \sqrt{2^2 - 1 \cdot (-16)} \\&= -2 \pm \sqrt{20} \\&= -2 \pm 2\sqrt{5}\end{aligned}$$

関連公式

$$ax^2 + 2b'x + c = 0 \text{ の解は } x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{a}$$

(5) 関数 $y = \frac{1}{3}x^2$ において、 x の変域が $-3 \leq x \leq 9$ のときの y の変域を求めなさい。

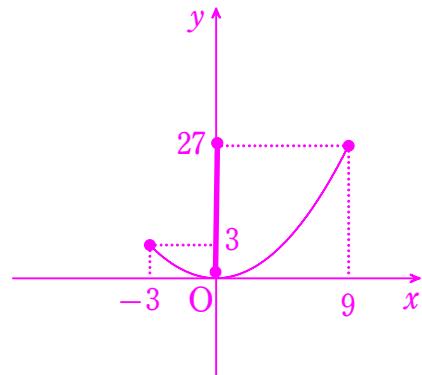
$$x = -3 \text{ のとき } y = \frac{1}{3}(-3)^2 = 3$$

$$x = 9 \text{ のとき } y = \frac{1}{3} \cdot 9^2 = 27 \text{ より}$$

$y = \frac{1}{3}x^2$ ($-3 \leq x \leq 9$) のグラフは右図のようになる

よって、 y の値域は

$$0 \leq y \leq 27$$



2

次の問いに答えなさい。

- (6) 2つの三角形 X と Y は相似で、相似比は 3 : 7 です。三角形 X の周の長さが 27 cm のとき、三角形 Y の周の長さを求めなさい。

三角形Yの周の長さを x cm とすると、

相似比が 3 : 7 より、

$$27 : x = 3 : 7$$

よって

$$3x = 27 \times 7$$

$$x = 63 \quad 63 \text{ cm}$$

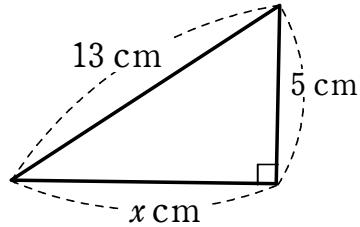
別解) $x = 27 \times \frac{7}{3} = 63$

より、 63 cm

- (7) 右の図の直角三角形において、 x の値を求めなさい。

三平方の定理より、

$$\begin{aligned} x &= \sqrt{13^2 - 5^2} \\ &= \sqrt{169 - 25} \\ &= \sqrt{144} \\ &= 12 \quad \text{よって, } x = 12 \end{aligned}$$



- (8) 次の式を展開して計算しなさい。

$$(a^2 - 2a - 1)^2$$

$$\begin{aligned} \text{与式)} &= (a^2)^2 + (-2a)^2 + (-1)^2 + 2 \cdot a^2 \cdot (-2a) + 2 \cdot (-2a) \cdot (-1) + 2 \cdot (-1) \cdot a^2 \\ &= a^4 + 4a^2 + 1 - 4a^3 + 4a - 2a^2 \\ &= a^4 - 4a^3 + 2a^2 + 4a + 1 \end{aligned}$$

関連公式

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$$

(9) 次の式を因数分解しなさい。

$$\begin{aligned} & x^2y + x^2 - y - 1 \\ \text{与式)} &= x^2y - y + (x^2 - 1) \quad \leftarrow \text{次数の低い文字 } y \text{について降べきの順に整理} \\ &= (x^2 - 1)y + (x^2 - 1) \quad \leftarrow \text{全体の共通因数 } (x^2 - 1) \text{でくくり出し} \\ &= (x^2 - 1)(y + 1) \quad \leftarrow x^2 - 1 \text{は因数分解できる} \\ &= (x + 1)(x - 1)(y + 1) \end{aligned}$$

関連公式

- $AB + AC = A(B + C)$
- $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

(10) 次の計算をしなさい。答えが分数になるときは、分母を有理化して答えなさい。

$$\begin{aligned} & \frac{3}{2-\sqrt{7}} - \frac{3}{2+\sqrt{7}} \\ \frac{3}{2-\sqrt{7}} \times \frac{2+\sqrt{7}}{2+\sqrt{7}} &= \frac{3(2+\sqrt{7})}{2^2 - (\sqrt{7})^2} \\ &= \frac{3(2+\sqrt{7})}{4-7} \\ &= \frac{3(2+\sqrt{7})}{-3} \\ &= -2 - \sqrt{7} \end{aligned}$$

関連公式

- $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$
- $A(B + C) = AB + AC$
- $(\sqrt{a})^2 = a$

$$\begin{aligned} \frac{3}{2+\sqrt{7}} \times \frac{2-\sqrt{7}}{2-\sqrt{7}} &= \frac{3(2-\sqrt{7})}{2^2 - (\sqrt{7})^2} \\ &= \frac{3(2-\sqrt{7})}{4-7} \\ &= \frac{3(2-\sqrt{7})}{-3} \\ &= -2 + \sqrt{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{与式)} &= (-2 - \sqrt{7}) - (-2 + \sqrt{7}) \\ &= -2 - \sqrt{7} + 2 - \sqrt{7} \\ &= -2\sqrt{7} \end{aligned}$$

3

次の問いに答えなさい。

(1 1) 放物線 $y = x^2 - 6x + 7$ の頂点の座標を求めなさい。

$$\begin{aligned}y &= x^2 - 6x + 7 \\&= (x-3)^2 - 9 + 7 \\&= (x-3)^2 - 2\end{aligned}$$

よって、 頂点 $(3, -2)$

関連公式

放物線 $y = a(x-p)^2 + q$
の頂点は
 (p, q)

(1 2) 次の不等式を解きなさい。

$$1.3x - 0.8 < x - 2$$

両辺を10倍すると

$$13x - 8 < 10x - 20$$

$$13x - 10x < -20 + 8$$

$$3x < -12$$

$$x < -4$$

(1 3) 右の図のように、四角形 ABCD が円に内接し、
 $\angle ABC = 78^\circ$, $\angle BAD = 103^\circ$ です。このとき、
 $\angle \alpha$, $\angle \beta$ の大きさを求めなさい。

四角形ABCDは円に内接しているので

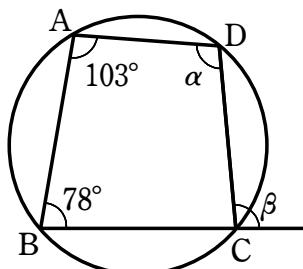
$$\alpha + 78^\circ = 180^\circ$$

より

$$\alpha = 102^\circ$$

同様に、四角形ABCDが円に内接しているとき、

$$\angle \beta = \angle BAD = 103^\circ$$



(14) $90^\circ < \theta < 180^\circ$ で $\sin \theta = \frac{4}{5}$ のとき、次の問いに答えなさい。

- ① $\cos \theta$ の値を求めなさい。
- ② $\tan \theta$ の値を求めなさい。

① $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ より、

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$= 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2$$

$$= \frac{9}{25}$$

$$\cos \theta = \pm \sqrt{\frac{9}{25}} = \pm \frac{3}{5}$$

$90^\circ < \theta < 180^\circ$ のとき、 $\cos \theta < 0$ であるから、

$$\cos \theta = -\frac{3}{5}$$

② $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$

$$= \frac{\frac{4}{5}}{-\frac{3}{5}}$$

$$= -\frac{4}{3}$$

関連公式

$$\cdot \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cdot \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

(15) 次の問いに答えなさい。

- ① ${}_7P_2$ の値を求めなさい。
- ② ${}_{20}C_{18}$ の値を求めなさい。

① ${}_7P_2 = 7 \cdot 6 = 42$

② ${}_{20}C_{18} = {}_{20}C_{20-18} = {}_{20}C_2 = \frac{20 \cdot 19}{2 \cdot 1} = 190$

関連公式

$$\cdot {}_nP_r = n(n-1)(n-2)\cdots(n-r+1)$$

(異なる n 個のものから r 個選んで並べる)

$$\cdot {}_nC_r = \frac{{}_nP_{n-r}}{r!}$$

$$\cdot {}_nC_r = {}_nC_{n-r} \text{(ただし, } 0 \leqq r \leqq n\text{)}$$